

- для реализации схемы используется произвольное полиномиальное разложение выходных функций;
- тест является универсальным, то есть не зависит от выходных функций исходной схемы и обнаруживает все одиночные неисправности на входах и выходах элементов схемы; тест состоит из $n+1$ вектора.

ЛИТЕРАТУРА

1. Горяшко А.П. *Синтез диагностируемых схем вычислительных устройств*. М.: Наука, 1987.
2. Reddy S.M.. *Easily Testable Realization for Logic Functions*// IEEE Trans.Comput., 1972, vol. C-21, P.1183-1188.
3. Debnath D., Sasao T.. *GRMIN: A Heuristic Simplification Algorithm for Generalized Reed-Muller Expressions*// IEE Proc. Computer Digital Technology, 1996, vol.143, no.6, P.376-384.
4. Sasao T., Fujiwara H.. *A Design Method of AND-EXOR PLA's with Universal Test Sets*// Technical Report IECE J.FTS86-25, 1987.
5. Sasao T.. *Easily Testable Realizations for Generalized Reed-Muller Expressions*// IEEE Trans.Comput., 1997, vol.46, P.709-716.
6. Latypov R.. *Self-Testable Circuits with Single Fault Detection*// Proc. Reed-Muller Workshop, Chiba, Japan, Aug.27-29., 1995, P.203-205.

Р. М. Мавлявиев (Казань)

РЕШЕНИЕ ОСНОВНОЙ КРАЕВОЙ ЗАДАЧИ ДЛЯ ОДНОГО В-ЭЛЛИПТИЧЕСКОГО УРАВНЕНИЯ В МНОГОМЕРНОМ СЛУЧАЕ МЕТОДОМ ПОТЕНЦИАЛОВ

Пусть E_p^+ -полупространство $x_p > 0$ p – мерного евклидова пространства точек $x = (x', x_p)$, $x' = (x_1, \dots, x_{p-1})$, D_i^+ – конечная область, ограниченная гиперповерхностью Γ^+ класса $\Lambda_{\text{чет. 2}}$ в E_p^+ и частью $\Gamma^{(0)}$ гиперплоскости $x_p = 0$.

В данной работе рассматривается краевая задача: найти чётное по x_p решение уравнения

$$\Delta_B^2 u + 2 \sum_{i=1}^{p-1} k_i \frac{\partial}{\partial x_i} \Delta_B u = 0, \quad (1)$$

$\Delta_B = \sum_{i=1}^{p-1} \frac{\partial^2}{\partial x_i^2} + \frac{\partial^2}{\partial x_p^2} + \frac{\alpha}{x_p} \frac{\partial}{\partial x_p}, \alpha > 0$, в области D_i^+ , непрерывно диф-

ференцируемое в замкнутой области $\overline{D_p^+}$ и удовлетворяющее граничным условиям

$$u|_{\Gamma} = f_0, \quad \frac{\partial u}{\partial n}|_{\Gamma} = f_1. \quad (2)$$

Установлено, что фундаментальными решениями уравнения (1) являются функции

$$w(x, \xi) = C_1(\alpha) \int_0^\pi \left(\sum_{i=1}^{p-1} x_i'^2 - \xi_i'^2 + x_p^2 + \xi_p^2 - 2x_p \xi_p \cos \varphi \right)^\alpha \sin^{\alpha-1} \varphi d\varphi,$$

$$u(x) = \iint_{E_p^+} W(x, \xi) F(x) x_p^\alpha dx_p d\xi_p,$$

где $F(x) = C_2(\alpha) e^{-(k, x')} K_\alpha(kr)$, $r = |MP|$, $K_\lambda(x)$ — функция

Макдональда.

По схеме, предложенной в работе [2], построены потенциалы

$$W_1(M, \mu) = \frac{2}{\pi} \int_{\Gamma^+} \mu(P) \left((x_p \xi_p)^{-\frac{\alpha}{2}} \frac{\cos^2 \theta}{r_{MP}} + \gamma_1 \right) \xi_p^\alpha d\Gamma,$$

$$W_2(M, \nu) = \frac{1}{\pi} \int_{\Gamma^+} \nu(P) \left((x_p \xi_p)^{-\frac{\alpha}{2}} \frac{\cos^3 \theta}{r_{MP}^2} + \gamma_2 \right) \xi_p^\alpha d\Gamma, \alpha > 0,$$

где θ — угол между внешней нормалью n_p гиперповерхности Γ^+ в т. Р и радиус-вектором т. $P(\xi, \eta)$ относительно т. М $(x, y) \in D$, γ_1 и γ_2 — вполне определённые регулярные функции. Вычислены предельные значения этих потенциалов.

Решение задачи (1), (2) ищется в виде

$$u = W_1(M, \mu) + W_2(M, \eta) \quad (3)$$

Функция u , определяемая формулой (3), является решением уравнения (1) в области D , один раз непрерывно дифференцируема в \bar{D} . Неизвестные плотности μ и η находим из требования, чтобы функция (3) удовлетворяла граничным условиям (2). Подставляя её в эти граничные условия и учитывая предельные значения потенциалов, получаем

$$v(P_0) = f_1(P_0) - \frac{\partial \tilde{W}_1}{\partial n_{P_0}}(P_0, v) - \frac{\partial \tilde{W}_2}{\partial n_{P_0}}(P_0, v).$$

$$\mu(P_0) = f_0(P_0) - \tilde{W}_1(P_0, \mu) - \tilde{W}_2(P_0, \mu).$$

Доказано, что эта система интегральных уравнений и вместе с ней и задача (1), (2) однозначно разрешима.

ЛИТЕРАТУРА

1. Мухлисов Ф.Г., Мавлявиев Р.М. *Фундаментальное решение одного В-эллиптического уравнения четвертого порядка*// Труды IX межвуз. конф. «Математическое моделирование и краевые задачи» – Самара, 1999. – С.95-97.
2. Панич О. И. *О потенциалах для полигармонического уравнения четвертого порядка*// Мат. сборник. – 1960. – Т.50(92). No 3. – С.335-368.

В. И. Максеев (Пенза)

ОБ АВТОМОРФИЗМАХ В ОБЩИХ МЕТРИЧЕСКИХ ПРОСТРАНСТВАХ ВЕКТОРНЫХ ЭЛЕМЕНТОВ С ОТНОСИТЕЛЬНОЙ МЕТРИКОЙ

В работе [1] введено понятие относительной изометрии в финслеровом пространстве. Это понятие можно расширить на случай общего метрического пространства векторных элементов с относительной метрикой $g_{n,y}$.

Пусть M – гладкое n -мерное многообразие, TM – его касательное расслоение. Пространство $g_{n,y}$ определяется как пара $g_{n,y} = (M, g(x,y))$, $y \in T_x M$, $x \in M$, где $g(x,y)$ – невырожденное симметрическое M – тензорное поле типа $(0,2)$, компоненты которого обладают весом w и являются однородными фиксированной степени k по слоевым координатам. Относительной изометрией веса w , короче w -изометрией, в $g_{n,y}$ называется дифференцируемое преобразование в M , естественное продолжение в TM которого сохраняет метрику $g(x,y)$.

В настоящей работе получены все трёхмерные пространства $g_{3,y}$, допускающие неразрешимые группы w -изометрий G , размерности $r \geq 6$. В случае $r=6$ для этого строятся неподобные алгебры Ли векторных полей, исходя из известной классификации вещественных алгебр Ли. Пространства большей подвижности и соответствующие алгебры Ли инфинитезимальных w -изометрий находятся исследованием на